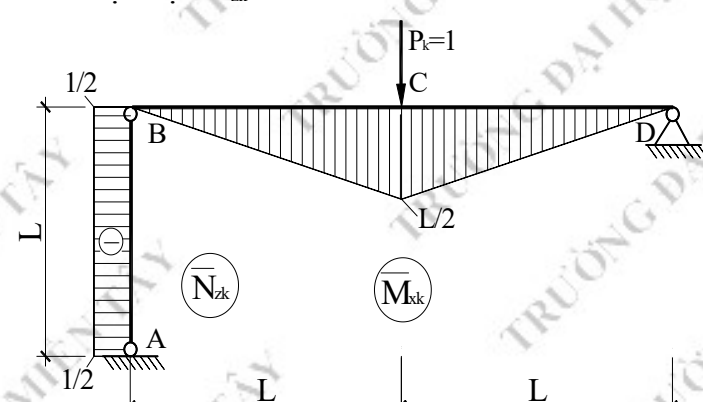


Câu	Phần	Nội dung	Thang điểm
1	a	<p>* Vẽ biểu đồ nội lực cột AB:</p> <p>Dời lực $2P$ về tâm A thu được:</p> $2P = 20kN$ $M_x = 2P \cdot \frac{a}{2} = 1,2kNm$ <p>Tải $2P$ tác dụng dọc trục $z \rightarrow N_z$</p> $N_z^A = N_z^B = 2P = 20kN$ <p>Tải M_x quay quanh trục $x \rightarrow M_x$</p> <p>Tải P tác dụng theo phương trục $y \rightarrow M_y$</p> $M_x^B = M_x = -1,2kNm$ $M_y^A = -\left(\frac{PH}{2} + M_x\right) = -21,2kNm$ <p>Tải q tác dụng theo phương trục $x \rightarrow M_y$</p> $M_y^A = \frac{qH^2}{2} = \frac{2,4^2}{2} = 16kNm$	0,25
		<p>The diagram shows a 3D view of a column AB with height H and width a. A horizontal load P is applied at height H/2 from the y-axis. A horizontal load 2P is applied at height H from the z-axis. A distributed load q is applied along the length of the column. To the right, three diagrams show the internal forces: 1) Axial force Nz (kN) is constant at 20kN. 2) Bending moment Mx (kNm) varies linearly from 1.2kNm at A to -1.2kNm at B. 3) Bending moment My (kNm) varies parabolically from 16kNm at A to -21.2kNm at B.</p>	0,50 0,50 0,50

Câu	Phần	Nội dung	Thang điểm
	b	<p>* Kiểm tra bền cho cột AB:</p> $\sigma_{\max} = \frac{ N_z }{A} + \frac{ M_x }{W_x} + \frac{ M_y }{W_y} \leq [\sigma]$ $= \frac{20}{144} + \frac{21,2 \cdot 100}{288} + \frac{16 \cdot 100}{288} = 13,06 \text{ kN/cm}^2 < [\sigma] \text{ kN/cm}^2$	0,50
		$W_x = W_y = \frac{a^3}{6} = 288 \text{ cm}^3$ $A = 12^2 = 144 \text{ cm}^2$	0,25
Tổng cộng câu 1			3,0đ
2	a	<p>* Vẽ biểu đồ mô men xoắn:</p> $\sum M_z = 0 \Leftrightarrow M_A - 6M + M + 2M = 0 \Leftrightarrow M_A = 3M$	0,25
			0,50
		<p>(Sinh viên không tính phản lực nhưng vẽ đúng biểu đồ vẫn được tròn điểm)</p>	
	b	<p>* Kiểm tra thanh ABCD theo điều kiện cứng:</p> $I_{\rho}^{AB} = I_{\rho}^{BC} = 0,1D^4 = 0,1 \cdot 12^4 = 2073,6 \text{ cm}^4$ $I_{\rho}^{CD} = 0,1d^4 = 0,1 \cdot 9^4 = 656,1 \text{ cm}^4$ $\theta^{CD} = \frac{ M_{CD} }{G \cdot I_{\rho}^{CD}} = \frac{2,5 \cdot 100}{8 \cdot 10^3 \cdot 656,1} = 1,4 \cdot 10^{-4} \text{ rad/cm} \leq [\theta] = 10^{-3} \text{ rad/cm}$	0,25
		$\theta^{BC} = \frac{ M_{BC} }{G \cdot I_{\rho}^{BC}} = \frac{4,5 \cdot 100}{8 \cdot 10^3 \cdot 2073,6} = 1,2 \cdot 10^{-4} \text{ rad/cm} \leq [\theta] = 10^{-3} \text{ rad/cm}$	0,50
		<p>* Vậy thanh ABCD đảm bảo điều kiện cứng.</p>	

Câu	Phần	Nội dung	Thang điểm
	c	<p>* Tính góc xoắn tương đối tại D:</p> $\varphi_D = \varphi_{AB} + \varphi_{BC} + \varphi_{CD}$ $\varphi_{AB} = \frac{M_Z^{AB} \times L_{AB}}{G \times I_p^{AB}} = \frac{-3.5.100.0,5.100}{8.10^3.2073,6} = -0,0045 \text{ rad}$ $\varphi_{BC} = \frac{M_Z^{BC} \times L_{BC}}{G \times I_p^{BC}} = \frac{-4.5.100.0,5.100}{8.10^3.2073,6} = -0,006 \text{ rad}$ $\varphi_{CD} = \frac{M_Z^{CD} \times L_{CD}}{G \times I_p^{CD}} = \frac{2.5.100.3.0,5.100}{8.10^3.656,1} = 0,028 \text{ rad}$ $\Rightarrow \varphi_D = 0,018 \text{ rad}$	0,75 0,25
Tổng cộng câu 2			3,0đ
3		<p>- Xác định lực dọc N_{AB} :</p> <p>Trạng thái “m”:</p> $\Sigma M_D = 0 \Leftrightarrow Q \times L + N_{AB} \times 2L = 0 \Rightarrow N_{AB} = -\frac{Q}{2} = -2,5 \text{ kN (nén)}$ <p>Trạng thái “k”:</p> $\Sigma M_D = 0 \Leftrightarrow P_k \times L + N_{AB} \times 2L = 0 \Rightarrow N_{AB} = -\frac{P_k}{2} = -\frac{1}{2} \text{ kN (nén)}$	0,25 0,25
			0,25
		<p>Khi Q tác dụng tĩnh (trạng thái “m”):</p> <p>- Vẽ biểu đồ mô men uốn M_{xm}</p> <p>- Vẽ biểu đồ lực dọc N_{zm}</p>	0,25 0,50

	<p>Tạo trạng thái “k”</p> <ul style="list-style-type: none"> - Vẽ biểu đồ mô men uốn \bar{M}_{zk} - Vẽ biểu đồ lực dọc \bar{N}_{zk} 	<p>0,25 0,50</p>
	<p>- Mô men quán tính chính trung tâm của dầm BCD</p> $I_x = \frac{t \times (2t)^3}{12} = \frac{6 \times 12^3}{12} = 864 \text{ cm}^4$ <p>- Diện tích tiết diện thanh AB:</p> $A = \frac{\pi \times D^2}{4} = \frac{\pi \times 10^2}{4} = 78,5 \text{ cm}^2$	<p>0,25 0,25</p>
	<p>- Tính chuyển vị đứng tại C khi Q tác dụng tĩnh:</p> $y_{C,d}^t = \frac{1}{EI_x} 2 \left(\frac{1}{2} \times \frac{QL}{2} \times L \times \frac{2L}{3} \right) = \frac{QL^3}{6EI_x} = 0,3859 \text{ cm}$	<p>0,25</p>
	<p>- Tính chuyển vị đứng tại C do tải trọng tĩnh:</p> $y_{C,c}^t = \frac{1}{EA} \left(L \times \frac{Q}{2} \times \frac{1}{2} \right) = \frac{QL}{4EA} = 0,0001 \text{ cm}$	<p>0,25</p>
	<p>- Tổng chuyển vị đứng tại C:</p> $y_C^t = y_{C,d}^t + y_{C,c}^t = 0,386 \text{ cm}$	<p>0,25</p>
	<p>- Hệ số động: $k_d = 1 + \sqrt{1 + \frac{2H}{y_C^t}} = 1 + \sqrt{1 + \frac{2 \times 5}{0,386}} \approx 6,187$</p>	<p>0,25</p>
	<p>- Tính ứng suất tĩnh lớn nhất trong thanh AB:</p> $\sigma_z^t = \frac{ N_z }{A} = \frac{2,5}{78,5} = 0,032 \text{ kN/cm}^2$	<p>0,25</p>
	<p>- Tính ứng suất động lớn nhất trong thanh AB:</p> $\sigma_z^d = \sigma_z^t \times k_d = 0,032 \times 6,187 = 0,197 \text{ kN/cm}^2$	<p>0,25</p>
	<p>Tổng cộng câu 3</p>	<p>4,0đ</p>